

Министерство образования Республики Беларусь  
Учреждение образования «Витебский государственный  
университет имени П.М. Машерова»

**НАУКА –  
ОБРАЗОВАНИЮ,  
ПРОИЗВОДСТВУ,  
ЭКОНОМИКЕ**

*Материалы 73-й Региональной  
научно-практической конференции преподавателей,  
научных сотрудников и аспирантов*

Витебск, 11 марта 2021 г.

*Витебск  
ВГУ имени П.М. Машерова  
2021*

## УПРАВЛЕНИЕ КОМПЬЮТЕРНЫМИ СИСТЕМАМИ, ПОДВЕРГАЮЩИМИСЯ DDoS-АТАКАМ

А.К. Гуц<sup>1</sup>, М.Н. Подоксёнов<sup>2</sup>

<sup>1</sup>Омск, ОмГУ им. Ф.М. Достоевского

<sup>2</sup>Витебск, ВГУ имени П.М. Машерова

**DDoS-атака** (от англ. Distributed Denial of Service) – это хакерская атака на сервер типа «отказ в обслуживании». При ее исполнении создается ситуация, при которых пользователи не смогут получить доступ к сайту или веб-сервису из-за его перегрузки. Для обслуживания запросов у сервера не хватает необходимой производительности. В результате атаки владельцы проектов, размещенных на сервере, несут серьезные убытки.

**Материал и методы.** Рассматриваются равновесные ситуации, в которых могут пребывать компьютерные системы, подвергаемые DDoS-атакам. Используются методы теории оптимального управления и теории дифференциальных игр.

**Результаты и их обсуждение.** Мы обращаем внимание на то, что DDoS-атак совершаются *на четырех уровнях OSI* [1].

«Прежде всего возможны «низкоуровневые атаки»:

**1. Атаки на сетевом уровне OSI** представляют из себя «забивание» канала. Примером может быть СМР-флуд – атака, которая использует ICMP-сообщения, которые снижают пропускную способность атакуемой сети и перегружают брандмауэр. Хост постоянно «пингуется» нарушителями, вынуждая его отвечать на ping-запросы. Когда их приходит значительное количество, пропускной способности сети не хватает и ответы на запросы приходят со значительной задержкой. Для предотвращения таких DDoS-атак можно отключить обработку ICMP-запросов посредством Firewall или ограничить их количество, пропускаемое на сервер.

**2. Атаки транспортного уровня** выглядят как нарушение функционирования и перехват трафика. Например, SYN-флуд или Smurf-атака (атака ICMP-запросами с изменёнными адресами). Последствия такой DDoS-атаки – превышение количества доступных подключений и перебои в работе сетевого оборудования.

А также имеем высокоуровневые атаки:

**3. На сеансовом уровне** атакам подвергается сетевое оборудование. Используя уязвимости программного обеспечения Telnet-сервера на свитче, злоумышленники могут заблокировать возможность управления свитчем для администратора. Чтоб избежать подобных видов атак, рекомендуется поддерживать прошивки оборудования в актуальном состоянии.

**4. Высокоуровневые атаки прикладного уровня** ориентированы на стирание памяти или информации с диска, «воровство» ресурсов у сервера, извлечение и использование данных из БД. Это может привести к тотальной нехватке ресурсов для выполнения простейших операций на оборудовании. Наиболее эффективный способ предупреждения атак – своевременный мониторинг состояния системы и программного обеспечения» [1].

С учетом сказанного о каналах OSI, подвергаемых DDoS-атакам, и принципа построения модели работы компьютера в непрерывном времени [2], рассмотрим следующую модель компьютерной системы, подвергаемой DDoS-атакам, в виде дифференциального уравнения

$$\frac{dx}{dt} = [(p - p_0) - x^A(t)]x(t) + (\tau - \tau_0) \quad (1)$$

где  $x(t)$  – число откликов на запросы в момент времени  $t$ , с управляющими факторами  $(\tau, p)$ , где  $\tau$  – трафик и  $p$  – производительность сервера,  $p_0$  и  $\tau_0$  – «типичные» характерные для данного сервера величины.

Для анализа управления компьютерной системой, подвергнутой DDoS-атаке, используем теорию дифференциальных игр [4]. Мы посмотрим на управляющие факторы  $(\tau, p)$ , как на двух игроков, один из которых злоумышленник (управляет трафиком), а второй – системный администратор (управляет производительностью системы).

Игроки пытаются оптимизировать свой выигрыш, меняя стратегии управления. Очевидно, в практике работы системных администраторов может реализоваться некоторое равновесие, которое возникает в том случае, когда один игрок каким-то образом соотносит

свои действия, свою стратегию управления с действиями другого игрока. В теории игр одним из самых известных равновесий является *равновесие Нэша*.

Наша задача: уставить наличие равновесий Нэша в случае игры с ненулевой суммой. Рассматривать игру с ненулевой суммой вполне разумно, поскольку «выигрыши» наших игроков слабо связаны.

Если игрок формирует «свое» управляющее действие в виде только функция времени  $u(t)$  на протяжении всей игры, то  $u(t)$  – это программное управление игрока. Однако игрок может выбрать свое собственное управление в зависимости от положения  $x$  системы в момент времени  $t$ . В этом случае игрок конструирует управляющее действие в виде функции  $u(t, x)$ , которая уже зависит от позиции  $x$ . Поэтому для  $u(t, x)$  используется термин *позиционное управление*. Часто пишут просто  $u(x)$ .

Будем искать позиционное управление или позиционное равновесие по Нэшу, применяя теорию, изложенную в [3].

Вводя для (1) обозначения

$$f(x) = -x^5, g_1(x) = -x^5, g_2(x) = 1, u_1 = p - p_0, u_2 = \tau - \tau_0,$$

и полагая

$$V_1(x) = V_2(x) = \frac{1}{2}x^2, Q_1(x) = x^6 + \frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{2}x^2 > 0, Q_2(x) = x^6 + \frac{1}{4}x^2 + \frac{1}{2}x^4 > 0,$$

мы легко убеждаемся, что справедливы уравнения Гамильтона-Якоби:

$$Q_1 + V_1'f(x) - \frac{1}{4}[g_1(x)]^2[V_1']^2 - \frac{1}{2}[g_2(x)]^2V_1'V_2' = 0,$$

$$Q_2 + V_2'f(x) - \frac{1}{4}[g_2(x)]^2[V_2']^2 - \frac{1}{2}[g_1(x)]^2V_1'V_2' = 0,$$

и выполнены условия теоремы 10.4-2 из [3].

Тем самым гарантируется существование равновесного управления Нэша:

$$J_1(u_1^*, u_2^*) \leq J_1(u_1, u_1^*),$$

$$J_2(u_1^*, u_2^*) \leq J_2(u_1^*, u_2)$$

для любых  $u_1, u_2$ , задаваемого формулами

$$u_1^* = p^* = p_0 - \frac{1}{2}x^2, u_2^* = \tau^* = \tau_0 - \frac{1}{2}x$$

с выигрышными функциями

$$J_i(x, p, \tau) = \int_0^{+\infty} [Q_i + u_i] dt, i = 1, 2.$$

**Заключение.** В данной работе мы нашли стратегию управления, которая гарантирует наличие равновесного состояния, в котором могут пребывать компьютерные системы, подвергаемые DDoS-атакам.

1. DDoS-атаки: виды атак и уровни модели OSI [Электронный ресурс]. URL: <https://www.reg.ru/support/hosting-i-servery/bezopasnost-hostinga/ddos-ataki-vidy-atak-i-urovney-modeli-OSI> [Дата обращения 15.11.2020].

2. Гуц, А.К. Описание DDoS-атаки с помощью катастрофы «сборка» / Гуц А.К., Лавров Д.Н. // Математические структуры и моделирование. – 2013. - Вып.27. - С.42-45.

3. Lewis, F. Optimal Control / Lewis F., Vrabie D., Syrmos V. – New Jersey: John Wiley & Sons, Inc., 2012. – 540 p.

## МАШИННОЕ ЗРЕНИЕ В КОНЦЕПЦИИ ИНТЕРНЕТА ВЕЩЕЙ

Д.А. Довгулевич  
Витебск, ВГУ имени П.М. Машерова

В современном мире, благодаря развитию технологий появилась концепция, суть которой объединения различных бытовых и промышленных устройств в единую сеть для взаимодействия между собой и внешним миром. Эта концепция получила название Интернет Вещей (Internet of Things) или сокращенно IoT.

По мимо непосредственно межмашинному взаимодействию, основным вопросом стоит взаимодействие устройств и окружающего мира. По аналогии с человеком, для этого им необ-